

Pour enlever ω_X

soit e_k base de \mathfrak{g}

$\{e_k^*\}$ base dual

$$d_{\mathfrak{g}}(P \otimes \alpha) = P \otimes d\alpha - \sum_k (e_k^* P) \otimes (V_{e_k} \alpha)$$

\Rightarrow on voit que le degré global augmente de 1.

Rem: l'action de G respecte l'opérateur

$$\alpha \mapsto (x \mapsto (V_x \alpha(x)))$$

$$V_x(g\alpha)(x) = V_x(g(g^{-1}\alpha(g^{-1}x)))$$

...

parce que $g^{-1}V_x = V_{g^{-1}x}$

Rem la mult. par un polynôme (est la long de M) commute avec $d_{\mathfrak{g}}$.

$d_{\mathfrak{g}}$ est définie sur $A(M, \mathfrak{G}\mathfrak{g})$ commute avec G donc $A_{\mathfrak{G}}(M)$ est fermé sous $d_{\mathfrak{g}}$

Cohomologie équivariante

$$\begin{aligned}d_G(d_G \alpha)(x) &= d(d_G \alpha)(x) - L_{V_x}(d_G \alpha)(x) \\ &= d(d\alpha(x) - L_{V_x} \alpha(x)) \\ &\quad - L_{V_x}(d\alpha(x) - L_{V_x} \alpha(x)) \\ &= -dL_{V_x} \alpha(x) - L_{V_x} d\alpha(x) \\ &= (L_{V_x} \alpha) \times \equiv 0 \quad \# \\ &\quad \hookrightarrow \text{si } \alpha \in A_G(M)\end{aligned}$$

Defn: ~~Defn~~ la cohomologie

équivariante $H_G(M)$ est

la ~~cha~~ cohomologie du complexe

$$(A_G(M), d_G)$$

$H_G(M)$ module sur les G -inv. polynômes de \mathfrak{g} .