Traitement d'un exercice classique de statistiques (ajustement)

CASIO Graph 85

Un lycéen a commencé la conduite accompagnée en 2002 et jusqu'en 2007 il utilise ponctuellement le véhicule de ses parents (même après avoir obtenu son permis de conduire). Le tableau suivant indique pour chaque années le nombre de sorties (X) et le nombre de kilomètres parcourus (Y).

Année	2002	2003	2004	2005	2006	2007
X : Nombre de sorties	36	39	42	47	53	57
Y : Nombre de km	998	1 229	1 502	2 184	3 280	4 156



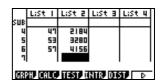
- 1) Déterminer les valeurs de la série Z définie par $Z = \sqrt{Y}$.
- 2) Déterminer les coordonnées du point moyen de la série (X, Z).
- Déterminer l'équation de la droite d'ajustement linéaire de Z en X par la méthode des moindres carrés.
- 4) Représenter le nuage de points de coordonnées (X, Z) et la droite d'ajustement linéaire trouvée.

Saisie de la série double (X, Y)



Mettre les valeurs de la série X dans List1 et les valeurs de la série Y dans List2.

→ Cet écran sera appelé « écran des listes ».



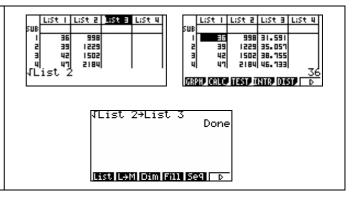
1) Calcul des valeurs de la série Z

Rester dans l'éditeur statistique et se positionner avec les touches \triangle et \checkmark sur List3 puis taper $\sqrt{\text{List2}}$ puis

séquence : SHIFT | x2 | SHIFT | 2 | EXE |

Autre méthode : MENU icône XII (2)

→ Vérifier que la liste List3 est désormais remplie.



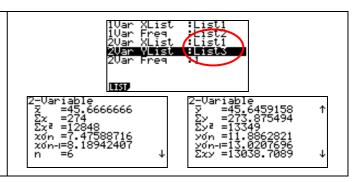
2) Calcul des coordonnées du point moyen

Retour à l'écran des listes : EXIT ou MENU

Instruction **CALC** (touche **F2**) puis **SET** (touche **F6**).

Régler les paramètres comme ci-contre :

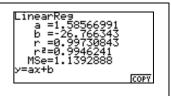
Touche $\boxed{\text{EXIT}}$ puis instruction $\boxed{\text{2VAR}}$ (touche $\boxed{\text{F2}}$).



3) Équation de la droite d'ajustement linéaire

Retour à l'écran des listes : touche EXIT.

Instruction REG (touche F3) puis X (touche F1).

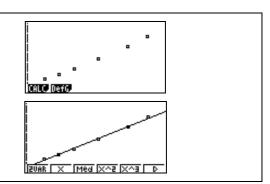


4) Représentation graphique

Retour à l'écran des listes : touche **EXIT** 3 fois.

Instruction **GRPH**.

- Pour obtenir le nuage de points : instruction GRPH (F1) puis instruction GPH1 (F1).
- Pour obtenir la droite d'ajustement linéaire : instruction **CALC** (**F1**) puis instruction **X** (**F2**) puis instruction **DRAW** (**F6**).



⇒ Compléments

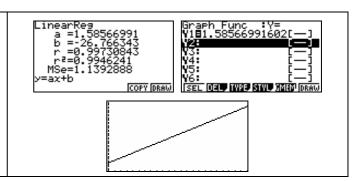
Autre méthode de tracé de la droite de régression

Dans l'écran **LinearReg** choisir **COPY** (touche **F5**).

Puis touche **EXE**.

Le tracé de la droite de régression s'obtient comme représentation graphique de fonction (MENU

→ Les coefficients a et b sont alors notés avec leurs valeurs approchées.



Visualiser le point moyen



Dans l'écran des listes, choisir CALC 2VAR.

#Tracé de la droite X = x:

MENU GRAPH instruction TYPE (F3) puis X=c (F4).

VARS, choisir **STAT** (**F3**) puis **X** (**F1**) puis \overline{x} (**F2**)

puis **EXE**.

Tracé de la droite Y = y:

Choisir TYPE (touche F3), puis Y= (touche F1).

Touche VARS, choisir STAT (touche F3), puis Y

(touche $\boxed{\mathbf{F2}}$) et \boxed{y} (touche $\boxed{\mathbf{F1}}$) puis $\boxed{\mathbf{EXE}}$.

Instruction **DRAW** (touche **F6**).

Le point G est visualisé à l'intersection des deux droites.

ightarrow Si Ma Error s'affiche, recalculer les coordonnées du point moyen.

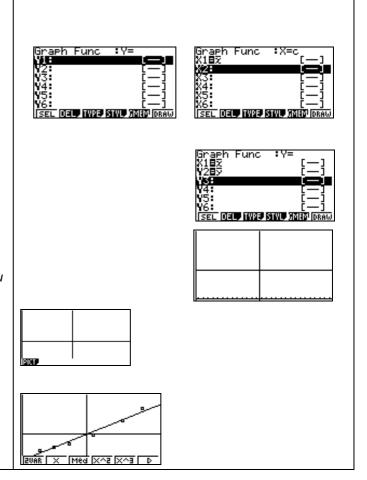
Mise en mémoire des droites :

Depuis l'écran graphique appuyer sur les touches OPTN PICT (F1) STO (F1) 1 EXE.

Superposition des graphiques :

MENU STAT tracer à nouveau nuage de points et droite d'ajustement puis :





⇒ Problèmes pouvant être rencontrés

Problème rencontré	Comment y remédier
Graph Func :X=const X107 Y207 X51 X5: X5: X6: Mem ERROR	Appuyer sur AC/ON et revenir au menu STAT pour recalculer les coordonnées du point moyen.
Dim ERR OR	La série statistique appelée pour la représentation graphique n'existe pas. Appuyer sur la touche AC/ON puis rectifier.
Aucun graphique n'est tracé à l'écran.	La fenêtre graphique n'est pas adaptée à la représentation souhaitée.
Condition ERROR Y Press:[EXIT] Y6: [—] [SEL DES INVENTION (DRAW	Le mode DRAW (graphique de fonctions) a été appelé alors qu'aucune fonction n'est entrée ou sélectionnée. Graph Func : Y= Y181.58566991602[—] Y2: Veiller à ce que le signe égal soit = et non = . Veiller à ce que le signe égal soit = et non = .

⇒ Commentaires

La comparaison des coefficients de corrélation ne figure plus explicitement au programme des classes de lycée. Il peut aussi être pertinent ici de comparer les deux nuages de points ce qui suppose de redéfinir la fenêtre graphique pour obtenir à l'écran celui de la série (X, Y).

Série (X,Z)

série (X,Y)

Le choix y = ax + b pour tracer la droite de régression permet de ne pas saisir l'équation à chaque nouvelle situation. En effet la calculatrice actualise les valeurs a et b en fonction du dernier ajustement linéaire calculé.

La procédure permettant de visualiser le point moyen peut être utilisée pour superposer deux graphiques. La procédure est compliquée sur ce modèle et nous l'avons conservé par soucis d'uniformité des fiches.

La difficulté vient du fait que l'on ne peut pas tout simplement superposer un graphique de type statistique avec un graphique de type fonction.