

Considérons les entiers  $m = 2^3 \cdot 3^4 \cdot 5^2 \cdot 7$  et  $n = 3^2 \cdot 5^3 \cdot 7^2$ . Que vaut leur PGCD ?

$2^3 \cdot 3^4 \cdot 3^3 \cdot 7^2$

$2^3 \cdot 3^6 \cdot 5^5 \cdot 7^3$

$3^2 \cdot 5^2 \cdot 7$

$2^3 \cdot 3^2 \cdot 5^2 \cdot 7$

[Réponse attendue]

Soit  $n \in \mathbf{N}^*$ . Quel est le chiffre des unités de  $9^{4n+1} - 1$  ?

2

8

0

il dépend de  $n$

[Réponse attendue]

Soient  $a, b, c$  dans  $\mathbf{N}^*$ . Quel énoncé n'est PAS équivalent aux trois autres ?

Tout nombre premier qui divise  $ab$  divise  $c$

[Réponse attendue]

Les restes sont les mêmes dans les divisions euclidiennes de  $a$  par  $c$  et de  $b$  par  $c$

$c$  divise  $b - a$

$a \equiv b [c]$

Quel énoncé est correct ?

Si un nombre est divisible par 3 et par 5, alors il est divisible par 15

[Réponse attendue]

Si un nombre est divisible par 2 ou par 3, alors il est divisible par 6

Si un nombre est divisible par 9, alors il est divisible par 6

Si un nombre est divisible par 2 et par 6, alors il est divisible par 12

Soient  $m$  et  $n$  dans  $\mathbf{Z}^*$ . Quel énoncé n'est PAS équivalent aux trois autres ?

$m$  et  $n$  sont premiers entres eux

$\text{PPCM}(m, n) = |mn|$

$\text{PGCD}(m, n) = 1$

$m$  est premier ou  $n$  est premier

[Réponse attendue]

Que trouve-t-on toujours parmi 5 entiers consécutifs ?

Au moins un nombre premier

Au moins un diviseur de 5

Au moins trois entiers pairs.

Au moins un multiple de 5

[Réponse attendue]

Soient  $m, n$  dans  $\mathbf{N}^*$  tels que le reste de la division euclidienne de  $m$  par  $n$  égale 2. Quel est le reste de la division euclidienne de  $2m$  par  $2n$  ?

1

$m + 2$

2

4

[Réponse attendue]

Soit  $p$  un nombre premier et  $a, b$  deux entiers. On suppose que  $p$  divise  $ab$ .  
Que peut-on conclure ?

- $a$  et  $b$  sont premiers entre eux
- Un nombre parmi  $\{a, b\}$  n'est pas premier.
- $p$  divise  $ab + a^2b^2$  [Réponse attendue]
- $p$  divise  $a$  et  $p$  divise  $b$

Soient  $a, b, d, u, v$  des entiers relatifs non nuls vérifiant  $au + bv = d$ . Que peut-on conclure ?

- $d = \text{PGCD}(a, u)$
- Au moins un des nombres  $a, b, u, v$  est divisible par  $d$
- $d$  est un multiple de  $\text{PGCD}(a, b)$  [Réponse attendue]
- $\text{PGCD}(a, b) = \text{PGCD}(u, v)$

Quel est le PGCD des entiers 35 et 112 ?

- 35
- 1
- 5
- 7 [Réponse attendue]