

Affiches de la classe de 3ème2

2018-2019, Clg Emile Zola

La boîte sans couvercle

On a essayé de faire avec la plus petite largeur, on a trouvé: le volume est de 286 cm^3 .

On a essayé de faire avec la plus grande largeur, on a trouvé: le volume est de 243 cm^3 .

On en conclut que la largeur ne doit être ni trop petite ni trop grande.

On a essayé d'avoir l'aire de la base égale à la somme des aires des 2 côtés, on a trouvé: le volume est de $945,18 \text{ cm}^3$.

de la boîte sans couvercle

Énoncé: À partir d'une feuille A4, construire le patron

d'une boîte sans couvercle qui a la forme d'un parallépipède

rectangulaire et qui a le plus grand volume possible.

exemple num 1: $h = 1,5 \text{ cm} \mid l = 18 \text{ cm} \mid L = 10,4 \text{ cm}$.

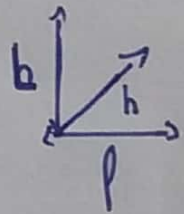
Formule: $L \times l \times h = 10,4 \times 18 \times 1,5 = \underline{3369,6 \text{ cm}^3}$.

exemple num 2: $h = 5 \text{ cm} \mid l = 16 \text{ cm} \mid L = 24,3 \text{ cm}$.

Formule: $L \times l \times h = 24,3 \text{ cm} \times 16 \times 5 = \underline{1960 \text{ cm}^3}$

exemple num 3: $h = 7 \text{ cm} \mid l = 14 \text{ cm} \mid L = 22,7$

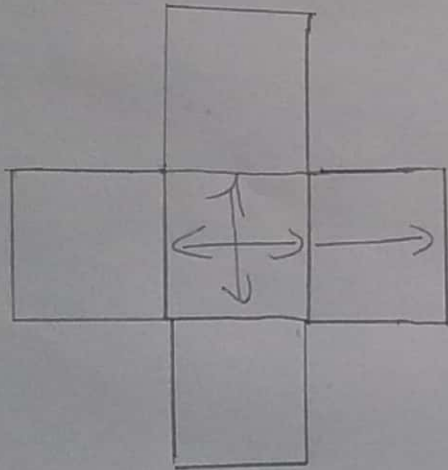
Formule: $L \times l \times h = 22,7 \times 14 \times 7 = \underline{2224,6 \text{ cm}^3}$



La boîte sans couvercle

A partir d'une feuille A4, construire le patron d'une boîte sans couvercle et qui a la forme d'un pavé droit et qui a le plus grand volume possible.

On a fait plusieurs patrons, ensuite on a calculé leurs volumes. Voici les plus grands d'entre eux:



$$\text{Volume} : L \times l \times h$$

$$1) = 939$$

$$2) = 934$$

$$3) = 963$$

On va émettre une hypothèse:

La longueur et la largeur doivent être beaucoup plus grande que la hauteur

La boîte sans couvercle.

Conjecture n°1: On a commencé par agrandir les côtés et retrécir la base. On pensait que si nous faisions ceci, le volume de la boîte serait plus petit. Mais cette conjecture n'a pas abouti.

Conjecture n°2: On a essayé ensuite de retrécir les côtés et d'agrandir la base pour trouver un lien avec la conjecture n°1. Cette conjecture a également pas abouti.

Conjecture n°3: Dans cette conjecture, on a pris un chiffre au hasard pour faire la hauteur du parallélépipède rectangle. Nous avons donc pris 4. Grâce à ce chiffre et à la formule du volume qui est : $L \times l \times h$. On a trouvé un grand volume : 114,56.

On a ensuite pris des chiffres au 'alentour de 4 : 3,8. On a trouvé notre plus grand volume 1125,332.

La boîte sans couvercle

Conjecture :

On pense que la boîte qui a le plus grand volume à une hauteur de 4,5 cm, une longueur de 20,5 cm et une largeur de 12 cm. Cela fait un volume de 1291,5 cm³.

Pour trouver cette boîte on a pensé qu'il fallait ajouter «0,5» derrière un chiffre (Exemple 2,5 / 7,5). Cette idée a fonctionné avec les chiffres de 2 à 5 mais à partir de 6 le résultat obtenu baissé. Donc on a pris le plus grand chiffre (5,5) et on a calculé son volume.

Boîte de hauteur 2,5 cm :

$$\begin{aligned} V &= l \times L \times h \\ &= 25 \times 16 \times 2,5 \\ &= 1000 \text{ cm}^3 \end{aligned}$$

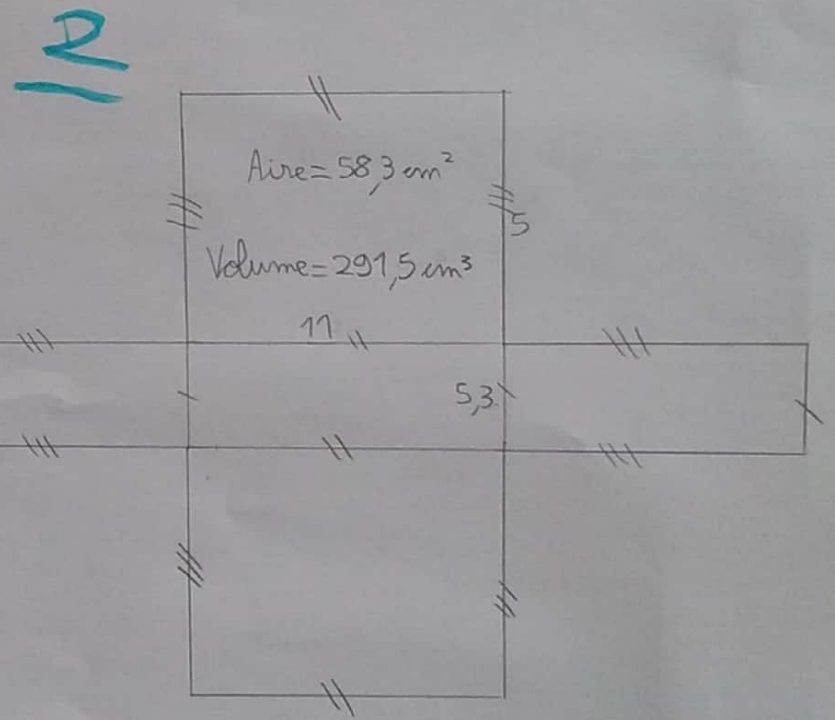
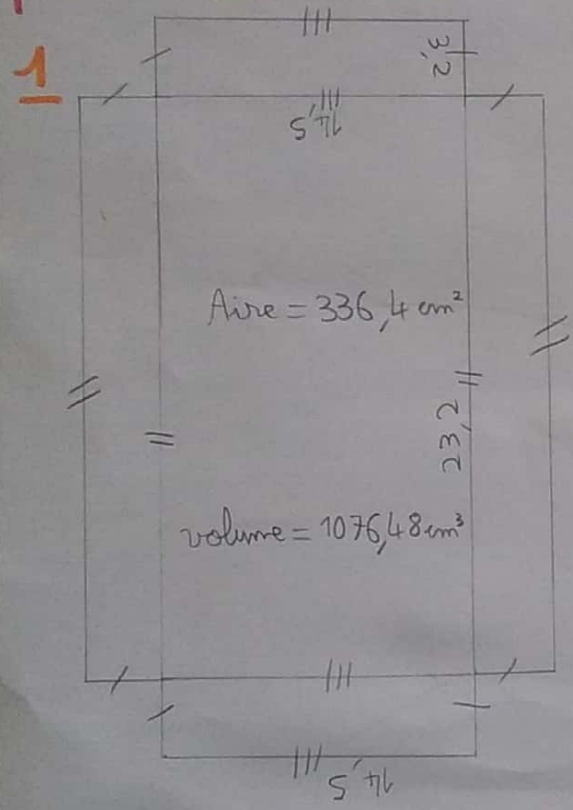
Boîte de hauteur 7,5 cm :

$$\begin{aligned} V &= 14,5 \times 6 \times 7,5 \\ &= 652,5 \text{ cm}^3 \end{aligned}$$

Lulu
Raphal
Mathus

La Boîte sans couvercle:

Avec une feuille A4, nous pouvons faire un type de pavé droit, mais ils n'ont pas les mêmes dimensions.



Il est logique que la feuille numéro 1 est un volume plus grand, car on découpe moins de surface sur les côtés, que la feuille numéro 2.

La boîte sans couvercle

I) Notre Conjecture

Nous pensons que si un parallélépipède rectangle a une hauteur supérieure à celle de sa base le pavé droit n'aura pas son volume maximal. Et si un pavé droit a une base supérieure à celle de sa hauteur, il aura lui aussi un petit volume. Il faut donc que la hauteur et la largeur de la base soit au maximum (donc largeur de la feuille divisée par 3). Nous sommes donc parti du pavé de $L = 7\text{cm}$ $P = 22,2\text{cm}$ $h = 7\text{cm}$
 $V = 1087,8\text{cm}^3$

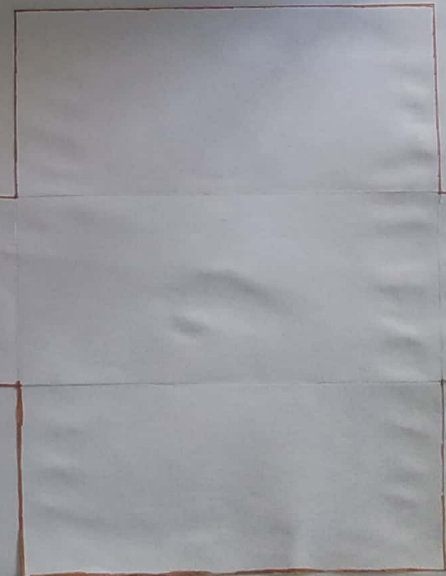
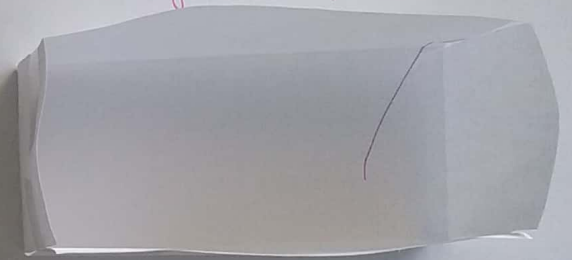
2) nos essais

Pour prouver notre conjecture, nous avons rajouté à chaque fois ^{ajouté} $0,1\text{mm}$ aux hauteurs, jusqu'à arriver à ^{côté largeurs} 1cm .
Volume n°1: $1087,8$ / Volume n°2: $1093,4$ / Volume n°3: 1113
Volume n°4: $1131,2$

malgré les résultats nous nous sommes rendu compte que les hauteurs étaient plus les mêmes, certaines hauteurs étaient plus grande que d'autres et que les hauteurs de la boîte n'avaient pas la même hauteur. Nous avons donc essayé de réduire la base de 1cm de chaque côté. Les résultats ont été concluant car le volume de la boîte était beaucoup plus petit.

III) Conclusion =

Notre conjecture est prouvée, le pavé droit qui rentre sur une feuille A4 et qui a le plus grand volume est celui de notre conjecture = $22,2 \times 7 \times 7$



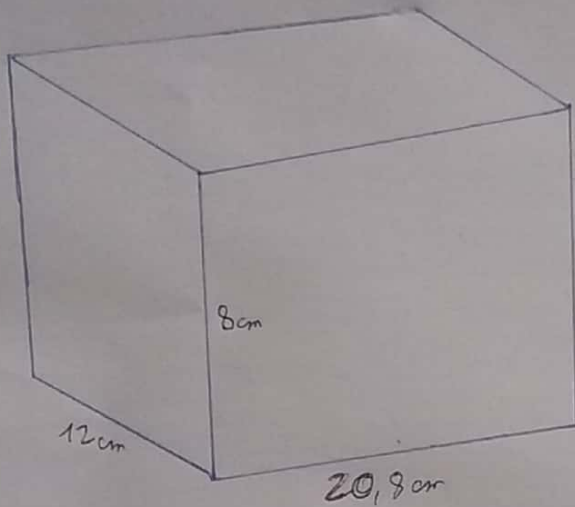
Affiches de la classe de 3ème5

2018-2019, Clg Emile Zola

La boîte sans couvercle

après de nombreux essais nous avons conclu que le pavé droit avec le volume le plus grand à pour largeur 12cm pour longueur 20,8cm et pour hauteur 8cm ce qui fait un volume de 1996,8 cm³

nos essais :- 15 x 10 x 25 x 4,9 = 791,75
- 17,8 x 11 x 4,5 = 959,42



$$V = 1996,8 \text{ cm}^3$$

Problème: La boîte sans couvercle.

Conjecture: Lorsque l'on calcule le PGCD de deux nombres (ici, la longueur et la largeur de la feuille) et qu'on l'utilise pour la hauteur de la boîte, alors le volume de celle-ci est le plus élevé que l'on ait trouvé.

Exemple:

PGCD: Volume: $L \times P \times h$

$30 = 5 \times 6$
 $= 5 \times 2 \times 3$

$21 = 3 \times 7$

$23,5 \times 15 \times 3 = 1062 \text{ cm}^3$

3 cm

3 cm

3 cm

3 cm

15 cm

23,5 cm

la boîte

sans couvercle.

essai n°1 : nous avons commencé par faire la plus grande longueur possible, nous ne sommes pas préoccupé de la hauteur.

essai n°2 nous avons fait une grande hauteur.

essai n°3 nous avons trouvé un juste milieu entre la hauteur et la longueur.

| essais | calculs |
|-----------|---|
| essai n°1 | $24 \times 16 \times 2 = 768 \text{ cm}^3$ |
| essai n°2 | $13 \times 5 \times 8 = 520 \text{ cm}^3$ |
| essai n°3 | $13 \times 21,8 \times 4 = 1133,6 \text{ cm}^3$ |

Conclusion :

Nous en concluons donc qu'il faut autant privilégier les mesures de la hauteur et de la longueur. Afin d'obtenir le plus grand volume possible.

La boîte sans couvercle:

Pour nous, le plus grand volume d'une boîte sans couvercle est 1144 cm³.

Sa longueur est: 22 cm.

Sa largeur est: 13 cm.

Sa hauteur est: 4 cm.

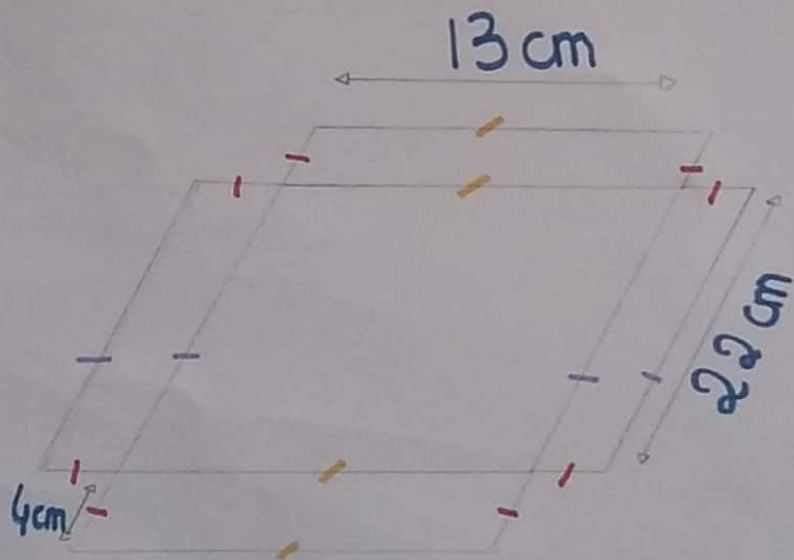
$$22 \times 13 \times 4 = \underline{1144}$$

Problème de la boîte sans couvercle.

Conjecture: Pour trouver une boîte sans couvercle ayant la plus grande contenance nous devons enlever 4 carrés de 4 cm de côté dans chaque coin de la feuille.

Exemple:

Pour trouver la contenance du parallélépipède il faut faire $l \times L \times H$.



calcul:

$$13 \times 4 \times 22 = 1144 \text{ cm}^3$$

La boîte sans couvercle

On a essayé de construire des pavés droits sans couvercle avec plusieurs mesures comme 25,4 cm de longueur, 17 cm de largeur et 2 cm de hauteur ou d'autres mesures mais ça n'a pas marché.

On a essayé d'augmenter la hauteur avec les mesures 22 cm de longueur, 13 cm de largeur et 4 cm de hauteur,

$$22 \times 13 \times 4 = 1144$$

$$23,5 \times 14,5 \times 4,75 = 1618,5625$$

Donc si on augmente la hauteur il faut obligatoirement diminuer la longueur et la largeur et inversement si on diminue la hauteur il faut aussi augmenter la longueur et la largeur du double qu'on a entré à la hauteur et cela vaut pour les 2 techniques.

La boîte sans couvercle

Conjecture: Si la hauteur est trop haute, la largeur et la longueur seront trop basses et donc le volume ne sera pas élevé. Mais si la hauteur est trop basse, le volume ne sera pas élevé malgré la grandeur de la longueur et de la largeur, car la hauteur ne sera pas assez grande. Il faut donc trouver un juste milieu qui ne l'est pas tout à fait car cela ferait un cube.

